

تمرين 1

ليكن (ABC) مثلثا متساوي أضلاع بحيث

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv -\frac{\pi}{3} [2\pi]$$

- (1) حدد زاوية الدوران r_1 الذي مركزه B ويحول A إلى C .
- (2) حدد مركز زاوية الدوران r_2 الذي يحول A إلى B و B إلى C .

تمرين 2

(ABC) مثلثا . ننشئ خارجه مثلثين (ABD) و (ACE)

- متساويي الساقين وقائمي الزاوية في A .
بين أن $BE=CD$ و $(BE) \perp (CD)$.

تمرين 3

(ABCD) مربع مركزه O بحيث

$$(\overrightarrow{OD}, \overrightarrow{OA}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$$

نعتبر النقطتين $M \in [AB]$ و $N \in [BC]$ بحيث $AM = BN$

- (1) بين (AN) عمودي على (DM) و (CM) عمودي على (DN) .

(2) I هي نقطة تقاطع (CM) و (AN) . بين أن (DI) و (MN) متعامدين .

تمرين 4

ليكن (ABC) مثلثا متساوي أضلاع بحيث

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$$

لتكن I و J نقطتين بحيث : $\overrightarrow{AI} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{AJ} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AC}$ ننشئ خارج المثلث (ABC) المثلثين المتساويي الأضلاع (AIM) و (AJN) .

وليكن r الدوران الذي مركزه a وزاويته $\frac{\pi}{3}$.

- (1) بين أن $r(I) = J$.
 - (2) بين أن $MJ=NI$.
- لتكن E نقطة تقاطع (BM) و (IJ) و F نقطة تقاطع (JN) و (IC) .
بين أن المثلث (AEF) متساوي الأضلاع .

تمرين 5

(ABC) مثلث متساوي الساقين بحيث

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$$

O منتصف [BC] . مثلث متساوي الساقين بحيث

$$(\overrightarrow{OE}, \overrightarrow{OF}) \equiv \frac{\pi}{2}$$

ليكن r الدوران الذي مركزه O ويحول C إلى A .

(1) حدد زاوية الدوران r ثم بين أن $F = r(E) \cdot b$ استنتج أن $(AF) \perp (CE)$

(c) ليكن I منتصف [EC] و J منتصف [AF] بين أن $r(I) = J$
(2) المستقيم (OE) يقطع (AC) في M . والمستقيم (OF) يقطع (AB) في N .

بين أن $r(M) = N$.

(3) حدد صورة المستقيم (EF) بالدوران r .

تمرين 6

(ABC) مثلث متساوي أضلاع مباشر يعني

$$(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$$

ليكن O مركز ثقله . I، J، K نقط بحيث

$$\overrightarrow{AI} = \frac{5}{3} \overrightarrow{AB} \quad \overrightarrow{BJ} = \frac{5}{3} \overrightarrow{BC} \quad \overrightarrow{CK} = \frac{5}{3} \overrightarrow{CA}$$

نعتبر الدوران r الذي مركزه O والذي يحول A إلى B .

- (a) حدد صورة B و C ب r . استنتج أن $r(I) = J$.
- (2) ما هي صورة J و K بالدوران r .
- (3) حدد طبيعة المثلث (IJK) . حدد مركز ثقل هذا المثلث .

تمرين 7

نعتبر دائرة (C) مركزها نقطة O وشعاعها x . A و B و C ثلاث نقط من الدائرة (C) بحيث المثلث (ABC) متساوي

الأضلاع و $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$. وليكن r الدوران الذي مركزه A وقياس زاويته $\frac{\pi}{3}$.

لتكن L نقطة داخل (C) تخالف O بحيث صورتها M بالدوران r تنتمي إلى القوس [AC] الذي لا يحتوي على النقطة B .

$$(1) \text{ بين أن } (\overrightarrow{LA}, \overrightarrow{LB}) \equiv (\overrightarrow{MA}, \overrightarrow{MC}) \equiv \frac{2\pi}{3} [2\pi]$$

(2) لتكن النقطة N صورة M بالدوران r .

(a) بين أن M تنتمي إلى المستقيم (MC) . استنتج أن M و B مستقيمية

(3) لتكن D النقطة المقابلة قطريا للنقطة B في (C) . بين أن $r(O) = D$

(b) استنتج أن النقط A و O و B تنتمي إلى دائرة (C') محدد مركزها وشعاعها

تمرين 8

ليكن (ABC) مثلثا متساوي الأضلاع بحيث

$$(\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$$

ولتكن (C) الدائرة المحيطة به . ونعتبر الدوران $r(A, \frac{\pi}{3})$.

- (3) لتكن Q نقطة بحيث Ω منتصف $[NQ]$. بين أن A و M و Q مستقيمية .
 (4) لتكن B' صورة B بالدوران r .
 (a) بين أن : $(\overrightarrow{B\Omega}, \overrightarrow{BM}) \equiv (\overrightarrow{B'\Omega}, \overrightarrow{B'N}) [2\pi]$.
 (b) بين أن Ω و N و B و B' تنتمي إلى دائرة (C') يجب تحديدها .

<http://sefroumaths.site.voila.fr>

- (1) تحقق أن $r(C)=B$.
 (2) لتكن D نقطة من (C) تخالف كلا من A و B و C وتنتمي إلى القوس $[AC]$ التي لا تحتوي على B ، والنقطة E بحيث $r(D)=E$.
 (a) انشئ شكلا يحقق المعطيات .
 (b) بين أن $(\overrightarrow{CD}, \overrightarrow{CA}) \equiv (\overrightarrow{BE}, \overrightarrow{BA}) [2\pi]$ وأن $(\overrightarrow{BE}, \overrightarrow{BA}) \equiv (\overrightarrow{BD}, \overrightarrow{BA}) + \pi [2\pi]$.
 (c) استنتج أن النقط B و D و E مستقيمية .

تمرين 9

- (OEF) مثلث . ليكن r الدوران الذي مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$.
 (1) انشئ النقطتين C و D بحيث $r(D)=E$ و $r(F)=C$.
 (2) بين أن $DF=EC$ و $(DF) \perp (EC)$.
 (3) لتكن A صورة النقطة E بالدوران r و I منتصف القطعة $[EF]$ و J صورة I بالدوران r و H المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (DC) .
 (a) بين أن O هو منتصف القطعة $[AD]$. (b) بين أن $2 \overrightarrow{OJ} = \overrightarrow{DC}$.
 (c) استنتج أن النقط I و O و H مستقيمية .

تمرين 10

- ليكن (ABC) مثلثا بحيث الزاوية $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ موجبة . ننشئ خارج المثلث (ABC) المربعين (ABNM) و (ACRS) ثم متوازي أضلاع (ASDM) مركزه النقطة I . ونعتبر الدوران r الذي مركزه A وزاويته $\frac{\pi}{2}$.
 (1) حدد صورة كل من النقطتين M و C بالدوران r .
 (2) بين أن $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CM}) \equiv (\overrightarrow{SA}, \overrightarrow{SB}) [2\pi]$.
 (3) لتكن النقطة S' صورة S بالدوران r . بين أن A منتصف القطعة $[CS']$.
 (4) لتكن النقطة I' صورة I بالدوران r . بين أن I' منتصف القطعة $[S'B]$.
 (5) بين أن المستقيمين (AD) و (BC) متعامدان وأن $AD=BC$.

تمرين 11

- نعتبر الدائرة (C) التي مركزها نقطة O وشعاعها x . ليكن $[AB]$ قطر في الدائرة (C) تخالف كل من A و B . لتكن N نقطة تنتمي إلى نصف المستقيم $[BM]$ بحيث $BN=AM$. المستقيم (Δ) واسط القطعة $[AB]$ يقطع القوس $[AB]$ الذي يحتوي على M في نقطة Ω . نفترض أن الزاوية $(\overrightarrow{\Omega A}, \overrightarrow{\Omega B})$ موجبة .
 (1) بين أنه يوجد دوران r مركزه Ω يحول A إلى B . وحدد قياس زاويته .
 (2) بين أن المثلث (ΩNB) و (ΩMA) متقايسان .
 (b) استنتج أن صورة النقطة M بالدوران r هي النقطة N .