

التمرين الأول:

$$f(x) = 1 - x + \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$$

نعتبر الدالة f بحيث :

$$\forall x \in \mathbb{R} : 1 - (1+x^2)\sqrt{1+x^2} \leq 0$$

$$\frac{7}{4} \leq \alpha \leq 2 \quad \text{بحيث } \alpha \text{ وحيدا}$$

- 1- حدد D_f واحسب نهايات f عند محددات D_f .
- 2- احسب $f'(x)$ من أجل x عدد حقيقي .
- 3- برهن أن:
- 4- أعط جدول تغيرات الدالة f
- 5- برهن أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α بحيث
- 6- ادرس الفرعين اللانهائيين ل (C_f)
- 7- ادرس الوضع النسبي ل (C_f) و المستقيم $(\Delta): y = -x + 2$ ($x > 0$)
- 8- بين أن النقطة $I(0,1)$ مركز تماثل ل (C_f) .
- 9- حدد تقاطع (C_f) مع محور الارايب .
- 10- حدد إحداثيات مماتلة النقطة ذات الافصول α بالنسبة ل I وأنشئ (C_f) .
- 11- حدد حسب قيم البارامتر m عدد حلول المعادلة $(x+m)\sqrt{1+x^2} - x = \sqrt{1+x^2}$

التمرين الثاني:

في الفضاء المنسوب إلى م.م.م $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(2, 2, 0), B(1, 0, 1), C(0, 1, 5)$

- 1-
 - أ- حدد إحداثيات المتجهة $\vec{AB} \wedge \vec{AC}$
 - ب- استنتج معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)
- 2- ليكن (Q) المستوى المار من B و المتجهة $\vec{V}(1, -4, -7)$ منظمية عليه.
 - أ- حدد معادلة ديكارتية للمستوى (Q)
 - ب- بين أن المستويين (ABC) و (Q) متعامدان و يتقاطعان وفق (AB)
- 3- لتكن (S) الفلكة التي معادلتها الديكارتية : $x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 10z + 9 = 0$
 - أ- حدد مركز وشعاع الفلكة (S)
 - ب- حدد تقاطع الفلكة (S) والمستوى (ABC)
 - ج- بين أن المستوى (Q) يقطع الفلكة (S) وفق دائرة يتم تحديد مركزها و شعاعها.